

QUATRIÈME PARTIE  
ANNEXE NUMÉRIQUE

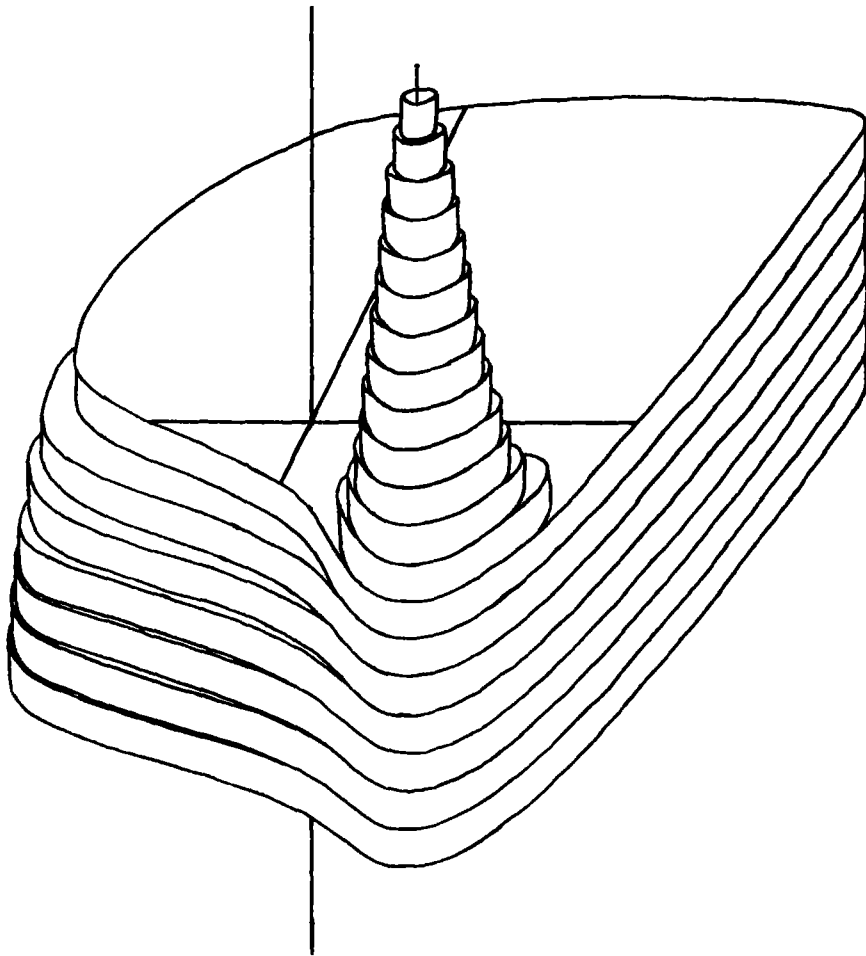


Fig. 1. Evolution de la forme du cycle pour  $\epsilon = 1/10$ ,  $a$  variant de 0,980 à 1. Chaque plaque correspond à une variation de  $a$  de 0,001. (Le même dessin avec  $a$  variant de 0 à 1 aurait 5 m de haut).

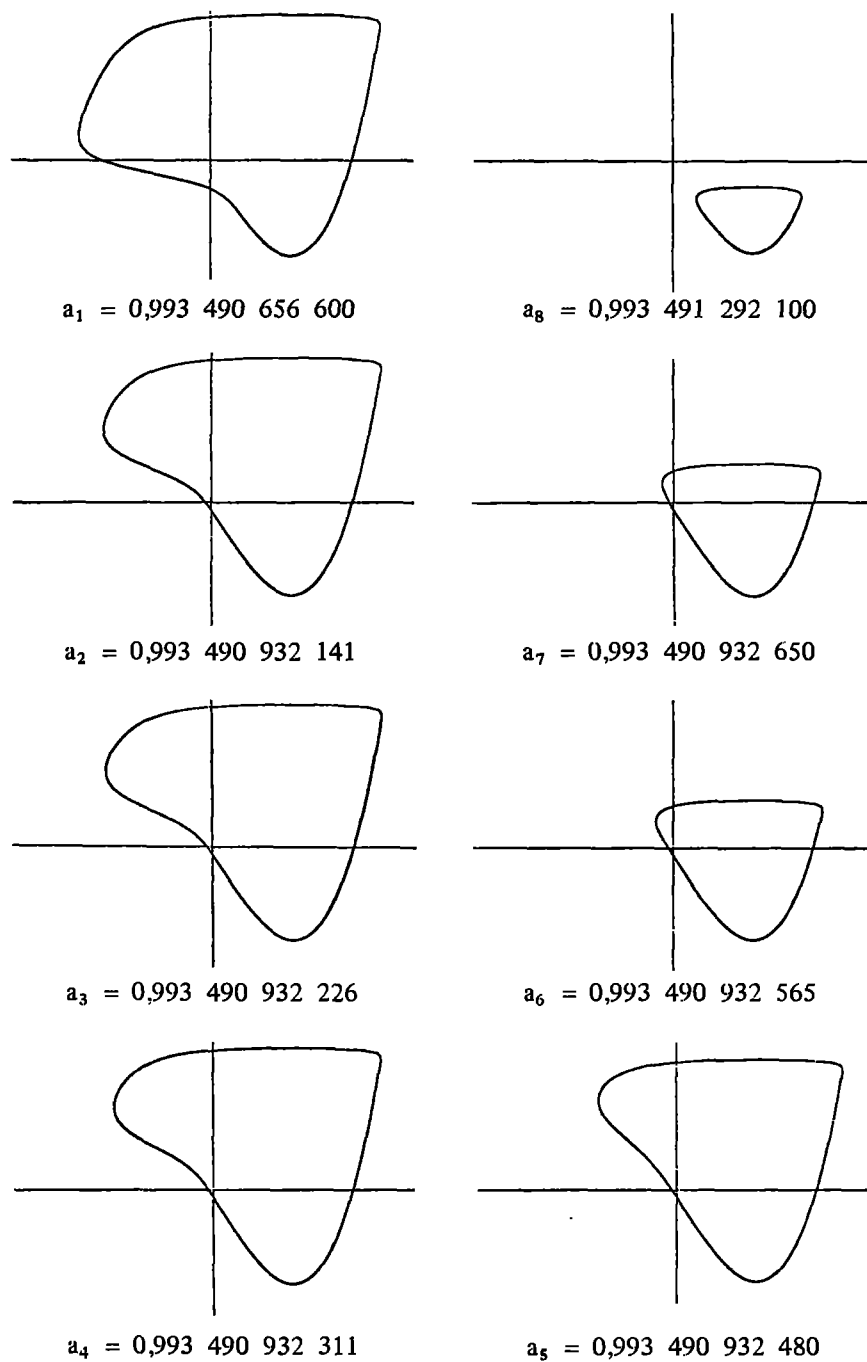
Fig. 2. Cycles-canards pour  $e = 1/20$  et diverses valeurs de  $a$ .



Fig. 3. Les phénomènes d'entonnoir et de peigne s'observent pour des valeurs de  $\epsilon$  même non infiniment petites: les figures ci-dessus ont été tracées à l'ordinateur, avec  $\epsilon = 0.1$ .

Les deux figures supérieures (où  $a = 0.986332$ ) illustrent les figures 19b et 19c de la deuxième partie les deux inférieures (où  $a = 0.9861$ ) les figures 21b et 21c.

Des flèches ont été rajoutées aux endroits où toutes les trajectoires tracées sont quasi-confondues. On remarquera ici l'épaisseur du trait qui montre à quel point les trajectoires calculées sont proches les unes des autres.

## BIBLIOGRAPHIE

- [AVK] Andronov A.A., Vitt A.A. et Khaikin S.E. Theory of oscillators. Pergamon Press (1966).
- [B] Benoit F. Equations différentielles: relation entrée-sortie. C.R. Acad. Sc. Paris, 293, série I (1981), p. 293 à 296.
- [CDD] Callot J.-L., Diener F. et Diener M. Le problème de la "chasse au canard". C.R. Acad. Sc. Paris, 286, série A (1978), p. 1059 à 1061.
- [Df1] Diener F. Famille d'équations à cycle limite unique C.R. Acad. Sc. Paris, 289,, série A (1979), p. 571 à 574. Les équations  $e^{x^2} + (x^2 - 1)x' + x = a$ . Collectanea Mathematica, vol. XXIX, fasc. 3 (1978).
- [Df2] Diener F. Quelques exemples de bifurcations et leurs canards Publication IRMA, Strasbourg (1979).
- [Dm1] Diener M. Deux nouveaux phénomènes canard. C.R. Acad. Sc. Paris, 290, série A (1980). Nessie et les canards. Publication IRMA, Strasbourg (1979).
- [Dm2] Diener M. Etude générique des canards. These, Strasbourg (1981).
- [H] Haag M.J. Etude asymptotique des oscillations de relaxation. Ann. Ec. Norm., (3), LX, p. 35 à 111 (1943).
- [L] Lienard A. Etude des oscillations entretenues. Revue Générale de l'Electricité, p. 901 (1928).
- [Lo] Lobry C. Une intervention de l'Analyse Non Standard en Mathématiques appliquées. A paraître.
- [LG] Lutz R. et Goze M. Pratique commentée de la méthode non classique. A paraître.
- [LS] Laugwitz D. et Schmieden C. Kontinuum und Zahlen. Neucere mathematische Überlegungen zum Endlichen. Darmstadt (1980).
- [MMcC] Marsden J.E. et Mc Cracken M. The Hopf bifurcation and its applications. Springer Verlag, New York (1976).
- [N] Nelson F. Internal Set Theory. Bull. Amer. Math. Soc., 83, no 6 (1977), p. 1165 à 1198.
- [P] Pontryagin L.S. Asymptotic behaviour of the solutions of a differential equation with a small parameter in the high derivatives Amer. Math. Soc. Transl., série 2, 18 (1961), p. 295 à 319.
- [Re1] Reeb G. Séance-débat sur l'Analyse Non Standard. Gazette des mathématiciens, no 8 (1977), p. 8 à 14.
- [Re2] Reeb G. La Mathématique Non Standard vieille de soixante ans? Publication IRMA, Strasbourg (1979).
- [Ro] Robinson A. Non standard analysis. North Holland, Amsterdam (1966).
- [T] Troesch A. Etude macroscopique de systèmes différentiels. Publication IRMA, Strasbourg (1980).

- [TU] Troesch A. et Urlacher E. *Analyse Non Standard et équation de Van der Pol* Publication IRMA, Strasbourg (1977).
- [V] Vogel T. *Théorie des systèmes évolutifs*. Gauthier-Villars, Paris (1965).
- [Z] Zeeman E.C. *Differential equations for heart beat and nerve impulse*. *Dynamical Systems*, M. Peixoto Ed. Academic Press, New York (1973), p. 683 à 748.